

# Variations d'une fonction



# 1 Identification

Туре	Salle informatique		
Modalité	Travail sur poste seul ou par binôme		
Thème abordé	Représentation graphique et sens de variation d'une fonction		
Niveau	Lycée – Lycée professionnel		
Prérequis	Notion de fonction		
Objectif	Étudier les variations de différentes fonctions		
Réalisation technique	Difficulté : ☆☆☆		
	Vue(s): $\blacksquare$ Graphique $\equiv$ Algèbre $\blacksquare$ Tableur $\blacksquare$ Cas $\supseteq$ 3D		
Fichier(s)	variations_fonction.ggb		

### 2 Captures d'écran





# 3 Commentaires

#### Intérêt pédagogique :

Cet imagiciel permet aux élèves d'observer les variations de différentes fonctions sur leurs intervalles de définition.

Les manipulations sur le logiciel permettent de renforcer les représentations des élèves concernant les notions d'intervalle de définition et de monotonie sur un intervalle donné.

#### Exploitation possible en classe :

Les élèves sont installés de préférence un par poste de travail (le travail en binôme est toutefois possible) et se voient remettre la fiche élève.

L'enseignant peut alors entamer un dialogue avec la classe pour rappeler les notions d'intervalle de définition,

de variation d'une fonction et montrer les possibilités offertes par la figure : modification de l'intervalle de définition en déplaçant les points en forme de +, modification de la fonction f.

Il est alors demandé aux élèves de compléter la colonne « Variations » de la fiche distribuée. Une réponse du type « la fonction f définie par f(x) = ... est croissante/décroissante sur l'intervalle ... » est attendue.

# 4 Réalisation technique

#### • Les points A et B

• Utiliser l'outil  $\bullet^{A}$  pour placer deux points A et B libres sur l'axe des abscisses.

Quelles que soient les manipulations des élèves, on souhaite que le point *A* soit toujours situé à gauche du point *B*. Ainsi, si un élève tente de déplacer le point *A* à droite du point *B*, il faudrait que le point *B* se déplace « en même temps » que le point *A* (de telle sorte à ce que le point *A* semble « pousser » le point *B*). Autrement dit, lorsque l'abscisse du point *A* devient plus grande que l'abscisse du point *B*, le point *B* doit être déplacé à la position du point *A*. On peut parvenir à cela en affectant un script au point *A*.

- ouvrir le panneau des propriétés du point A;
- dans l'onglet *Script*, onglet *Par actualisation*, inscrire :

SoitValeur[B,Si[x(A)>x(B),A,B]]

Basique Couleur Style Algèbre Avancé Script Par Clic Par Actualisation JavaScript global 1 SoitValeur[B,Si[x(A)>x(B),A,B]]

Basique Couleur Style Algèbre Avancé Script

Par Clic Par Actualisation JavaScript global

Saisie: zone\_1:x<x(A)

Saisie: zone 2:x>x(B)

• valider en cliquant sur le bouton OK.

De la même façon, pour que le point *B* semble « pousser » le point *A* vers la gauche :

- ouvrir le panneau des propriétés du point *B*;
- dans l'onglet Script, onglet Par actualisation, inscrire :

SoitValeur[A,Si[x(B)<x(A),B,A]]</pre>

• valider en cliquant sur le bouton OK.

#### **2** Les deux zones colorées

- Dans le champ de saisie, inscrire : zone\_1:x<x(A).
- Dans le champ de saisie, inscrire : zone\_2:x>x(B).

#### $\Theta$ La fonction f

• À l'aide du champ de saisie, définir une fonction f quelconque, en inscrivant, par exemple : f(x)=x^2.

α 🛊

α 🛊

◄

•

• Pour afficher uniquement la restriction de la fonction *f* à l'intervalle dont les bornes sont les abscisses des points *A* et *B*, on définit une autre fonction nommée *g*, en inscrivant dans la champ de saisie :





#### **4** La zone de texte

- Sélectionner l'outil ABC, puis cliquer sur une zone vierge de la vue *Graphique*.
  - dans la rubrique Éditer de la boîte de dialogue Texte, inscrire : f(x)=;

Éditer f(x)=

placer le curseur après = puis, dans la liste déroulante Objets, sélectionner la fonction g;



🗘 Texte		
Éditer f(x)=g		
Image: Formule LaTeX ▼     Symboles ▼     Objets ▼       Image: The symbol of the s		
Aperçu $f(x) = x^2  (-3.2 \le x \le 13.8)$		
Aide OK Annuler		

- cocher Formule LaTeX;
- valider en cliquant sur le bouton OK.

#### **6** Finalisation

- Mettre en forme (style, couleur, ...) les différents objets de la figure. La zone de texte peut être placée dans le coin supérieur gauche de la zone de travail et sa position peut être absolue sur l'écran.
- Cacher la fonction *f*.

#### 5 Fiche élève

La fiche élève se trouve dans le dossier annexes/Variations\_fonction.

Cliquer sur la miniature ci-dessous pour ouvrir la fiche élève.

Variations de fonction			
)uvrir le fichier variations_fonc	tion.ggb dans GeoGebra.		
our chacune des fonctions propo olonne Variations en rédigeant un ur l'intervalle».	sées ci-dessous, modifier le fichier se phrase du type « <i>la fonction f dé</i> fi	GeoGebra en conséquence et compléter inie par $f(x) = \dots$ est croissante/décroissan	
Fonction étudiée	Intervalle d'étude	Variations	
$f(x) = 2x - 2$ (minit : $f(x) = 2 \cdot x - 2$ )	[0;5]		
$f(x) = -0.5x + 6$ (minit: $f(x) = 0.5 \cdot x + 6$ )	[-4:6]		

	Texte texte1
•	Afficher l'objet
	Objet fixe
1	Position absolue sur l'écran
ď	Renommer