

Le rectangle



## 1 Identification

Туре	Imagiciel		
Modalité	Vidéoprojection		
Thème abordé	Rectangle		
Niveau	Collège – CAP	前進 特別	
Prérequis	Propriétés du rectangle		
Objectif	Rappel de certaines propriétés géométriques		
Réalisation technique	Difficulté : ☆☆☆		
	Vue(s) : 承 Graphique	× Cas ⇒ 3D	
Fichier(s)	rectangle.ggb		

## 2 Captures d'écran





# 3 Commentaires

#### Intérêt pédagogique :

En synthèse d'activité : constater que, dans un rectangle, les médiatrices des côtés sont axes de symétrie, que les diagonales ont même longueur et se coupent en leur milieu, que les côtés opposés ont même longueur et que les quatre angles sont droits.

#### Exploitation possible en classe :

Cet imagiciel permet de mettre en évidence quelques unes des propriétés du rectangle. On peut projeter ce fichier en 5<sup>e</sup> suite à un travail mené en classe sur l'étude des parallélogrammes particuliers.

Cette figure peut aussi être utilisée dans les autres classes du collège afin de réactiver les connaissances des

élèves sur le rectangle.

# 4 Réalisation technique

## **0** Construction du rectangle

- Placer deux points *A* et *B* libres dans le plan.
- En utilisant le champ de saisie, construire le point C défini ainsi : C=Point[Perpendiculaire[B, Droite[A, B]]].

Saisie: C=Point[Perpendiculaire[B, Droite[A,B]]] () +

Saisie: D=C+A-B

◄

α

On aurait également pu tracer la droite (AB) puis la perpendiculaire à (AB) passant par B et placer le point C sur cette dernière droite, mais cela aurait été plus long.

- En utilisant le champ de saisie, construire le point *D* défini ainsi : D=C+A-B.
- À l'aide de l'outil , construire le rectangle *ABCD*.

## **2** Les angles

- Utiliser l'outil pour construire les angles  $\widehat{BAD}$ ,  $\widehat{BCD}$ ,  $\widehat{ABC}$  et  $\widehat{ADC}$ .
- Dans l'onglet **Basique** du panneau des propriétés de ces angles, choisir une mesure comprise entre 0° et 180°, décocher la case **Afficher l'étiquette** et vérifier que la case **Marquer l'angle droit** est bien cochée.

Angle entre : 0° et 180° ▼	Afficher l'étiquette:	Nom 👻	V Marquer l'angle droit
----------------------------	-----------------------	-------	-------------------------

# **6** Les diagonales

- En utilisant l'outil , construire les segments [*AC*] et [*BD*].
- À l'aide de l'outil A ou , nommer *O* le point d'intersection des deux diagonales.
- Construire les segments [*AO*], [*OC*], [*BO*] et [*OD*] (qui viennent se placer au-dessus des segments [*AC*] et [*BD*]).
- Coder les segments [AO], [OC], [BO] et [OD] de façon identique.



# • Les axes de symétrie

- Utiliser l'outil pour construire la médiatrice de [*AB*] et celle de [*BC*].
- En utilisant l'outil (on peut aussi utiliser l'outil a ou encore l'outil ), nommer *E*, *F*, *G*, *H* les milieux respectifs des segments [*AB*], [*BC*], [*CD*] et [*DA*].
- En utilisant l'outil 4, construire les angles  $\widehat{AEO}$ ,  $\widehat{BFO}$ ,  $\widehat{CGO}$ ,  $\widehat{DHO}$  et  $\widehat{FOG}$ .
- Dans l'onglet **Basique** du panneau des propriétés de ces angles, choisir une mesure comprise entre 0° et 180°, décocher la case **Afficher l'étiquette** et vérifier que la case **Marquer l'angle droit** est bien cochée.



#### **O** Les côtés du rectangle

- / pour construire les segments [AB], [BC], [CD] et [DA] (ceux-ci viennent se placer • Utiliser l'outil au-dessus des côtés déjà construits du rectangle).
- Sélectionner les segments [AB] et [CD] précédemment construits (il est plus simple de les sélectionner depuis la vue *Algèbre* à l'aide de la touche <sup>Ctrl</sup>) et, dans le panneau des propriétés, appliquer un codage identique à ces deux segments.

Codage:

• Recommencer la procédure avec les segments [AD] et [BC] en appliquant un codage différent.

Codage:

- pour construire les segments [AE], [EB], [BF], [CF], [CG], [DG], [DH] et [AH] (ceux-ci • Utiliser l'outil viennent se placer au-dessus des segments déjà construits).
- Sélectionner les segments [AE], [EB], [CG] et [GD] et, dans le panneau des propriétés, appliquer un codage identique à ces quatre segments.

Codage:

- Recommencer la procédure avec les segments [BF], [FC], [DH] et [AH] en appliquant un codage différent. Codage:
- Cacher les points *E*, *F*, *G* et *H*.

#### **6** Les cases à cocher

créer quatre cases à cocher et nommer diagonales, angles, longueurs et médiatrices • Avec l'outil les booléens associés à ces cases.

Dans la boîte de sélection des objets à afficher/cacher, sélectionner :

- Case angles : les angles  $\widehat{BAD}$ ,  $\widehat{BCD}$ ,  $\widehat{ABC}$  et  $\widehat{ADC}$ ;
- Case longueurs : ne rien sélectionner, cliquer sur le bouton Appliquer après avoir entré la légende;
- Case diagonales : le point *O*;
- Case médiatrices : les médiatrices de [AB] et de [BC] ainsi que les angles  $\widehat{AEO}$ ,  $\widehat{BFO}$ ,  $\widehat{CGO}$ ,  $\widehat{DHO}$  et  $\widehat{FOG}$ .

Sélectionner les objets dans la construction ou c  Droite e: Médiatrice de [AB] Droite f: Médiatrice de [BC] Angle ɛ: Angle FOG Angle ɛ: Angle AEO Angle ɛ: Angle BFO Angle ɛ: Angle CEO	Boîte de sélection des objets à Afficher/C Légende: Montrer/cacher les médiatrices	<b>X</b>
Troite e: Médiatrice de [AB] Droite f: Médiatrice de [BC] Angle c: Angle FOG Angle AED Angle Q: Angle AED Angle Q: Angle BFO Angle Q: Angle CSO	Cálastiennes les chiste dans le constructio	
Droite e: Médiatrice de [AB] Droite f: Médiatrice de [BC] Angle c: Angle FOG Angle q: Angle AEO Angle q: Angle BFO Angle 6: Angle CSO	Selectionnel les objets dans la constructio	on ou c
Droite e: Médiatrice de [AB] Droite f: Médiatrice de [BC] Angle ɛ: Angle FOG Angle c; Angle AEO Angle e: Angle BFO Angle e: Angle CSO		
Angle c: Angle FOG Angle c: Angle AEO Angle q: Angle BFO Angle e: Angle BFO Angle e: Angle CEO	Droite e: Mediatrice de [AB]	
Angle Σ Angle FOG Angle ζ: Angle AEO Angle β: Angle BFO Angle θ: Angle CGO	Angle c: Angle EQC	×
Angle q: Angle REO Angle q: Angle BFO Angle 0: Angle CGO	Angle 2: Angle AEO	
Angle θ: Angle CGO	Angle n: Angle REO	
	Angle A: Angle CCO	
IADGIE I' ADGIE DHO	Angle C Angle DHO	
	Appliquer Annuler	

- La sélection des objets à afficher/cacher pour la case diagonales demande davantage de travail car l'affichage des segments dépend de l'état de la case longueurs. En effet, lorsque celle-ci n'est pas cochée, on affiche les segments [AC] et [BD], sinon, ce sont les segments [AO], [OC], [BO] et [OD] qui sont rendus visibles.
  - sélectionner les segments [AC] et [BD], et dans l'onglet Avancé du panneau des propriétés, inscrire dans le champ *Condition pour afficher l'objet* : diagonales && !longueurs;

Basique	Couleur	Style	Algèbre	Avancé	Script
Conditi	on pour aff	icher l'	objet		
diagon	ales && !lo	ngueu	s		

- sélectionner les segments [AO], [OC], [BO] et [OD], et dans l'onglet Avancé du panneau des propriétés, inscrire dans le champ *Condition pour afficher l'objet* : diagonales && longueurs.

E	Basique	Couleur	Style	Algèbre	Avancé	Script
	Conditio	on pour aff	icher l'	objet		
	diagonales && longueurs					

- De la même façon, l'affichage des côtés codés du rectangle (case longueurs) dépend de l'affichage ou non des axes de symétrie du rectangle (case médiatrices). Si les médiatrices ne sont pas visibles, on affiche les segments [*AB*], [*BC*], [*CD*] et [*DA*]. Dans le cas contraire, ce sont les segments [*AE*], [*EB*], [*BF*], [*CF*], [*CG*], [*DG*], [*DH*] et [*AH*] qui seront rendus visibles.
  - sélectionner les segments [*AB*], [*BC*], [*CD*] et [*DA*], et dans l'onglet *Avancé* du panneau des propriétés, inscrire dans le champ *Condition pour afficher l'objet* : longueurs && !médiatrices;

Basique	Couleur	Style	Algèbre	Avancé	Script
Conditio	on pour aff	icher l'	objet		
longueurs && Imédiatrices					

sélectionner les segments [AE], [EB], [BF], [CF], [CG], [DG], [DH] et [AH], et dans l'onglet Avancé du panneau des propriétés, inscrire dans le champ Condition pour afficher l'objet : longueurs && médiatrices.

Basique Couleur Style Algèbre Avancé Script Condition pour afficher l'objet Iongueurs && médiatrices

## **O** Finalisation

- Appliquer la même couleur au rectangle ainsi qu'aux segments [*AB*], [*BC*], [*CD*], [*DA*] et [*AE*], [*BF*], [*CF*], [*CG*], [*DG*], [*DH*] et [*AH*].
- Colorier les deux diagonales de la même couleur que les segments [AO], [OC], [BO] et [OD].
- Colorier les autres éléments de la figure.
- Il est possible de déplacer les quatre cases à cocher dans la vue Graphique 2 :
  - faire apparaître la vue **Graphique 2** : Affichage ► Graphique 2 ;
  - dans le panneau des propriétés des cases à cocher, onglet Avancé, décocher Graphique et cocher Graphique 2.

Localisation	
C Graphique	<b>V</b> Graphique 2

• Appliquer la technique de la fiche **Rendre dynamique la légende d'une case à cocher (ou d'un bouton, ou ...)** (page 723) pour modifier dynamiquement la légende des cases à cocher.