

Résolution graphique d'une inéquation



1 Identification

| Type Modalité Thème abordé Niveau Prérequis Objectif | Imagiciel Vidéoprojection Inéquation – Représentation graphique d'une fonction CAP – Lycée – Bac Pro Inéquation – Représentation graphique d'une fonction Illustrer une notion |
|---|--|
| Réalisation technique | Difficulté : ☆☆☆ |
| Fichier(s) | Vue(s): \implies Graphique \equiv Algèbre \implies Tableur \implies Cas \implies 3D solutionsinequation.ggb |

2 Captures d'écran



3 Commentaires

Intérêt pédagogique :

Cet imagiciel permet d'établir le lien entre la représentation graphique d'une fonction f et l'ensemble des solutions de l'inéquation $f(x) \ge 0$.

Exploitation possible en classe :

Une fonction f de la forme $f(x) = ax^3 + bx^2 + cx + d$ étant donnée (les coefficients sont modifiables), ce fichier permet de faire apparaître, sur l'axe des abscisses, les intervalles qui représentent les solutions de l'inéquation $f(x) \ge 0$.

Ce fichier, fourni à titre d'exemple, nécessite d'être adapté et modifié en fonction de vos besoins. Il est destiné

à être projeté en fin d'activité pour effectuer la synthèse des résultats obtenus.

4 Réalisation technique

• Les curseurs

- En utilisant l'outil $[] \xrightarrow{a=2}$, construire un curseur nommé *a*, nombre compris entre -5 et 5 avec un incrément de 0,1.
- De la même façon, créer trois autres curseurs nommés *b*, *c* et *d* pour représenter des nombres compris entre -5 et 5.

2 La fonction et sa courbe représentative

- Pour créer la fonction f (ainsi que sa courbe représentative) définie par $f(x) = ax^3 + bx^2 + cx + d$, inscrire, dans le champ de saisie : $f(x)=a*x^3+b*x^2+c*x+d$
- La partie de la courbe représentative de la fonction f située au-dessus de l'axe des abscisses s'obtient en définissant la fonction f_1 depuis le champ de saisie, de la façon suivante : $f_1(x)=Si[f(x)>=0, f]$.

| Saisie: f_1(x)=Si[f(x)>=0,f] | α \$ | ٩ |
|------------------------------|------|---|
|------------------------------|------|---|

La partie de la courbe représentative de la fonction *f* située au-dessus de l'axe des abscisses s'obtient en définissant la fonction *f*₂ depuis le champ de saisie, de la façon suivante : f_2(x)=Si[f(x)<0, f].

| Saisie: f_2(x)=Si[f(x)<0, f] | α 🛊 🖪 |
|------------------------------|-------|
| | |

Saisie: ineq:f(x)>=0

Saisie: f(x)=a*x*3+b*x*2+c*x+d

• Ouvrir le panneau des propriétés de la fonction *f*₂, et, dans l'onglet *Style*, sélectionner un style de trait approprié.

| Style du trait: | _ . _ . _ . _ . _ . _ . _ . |
|-----------------|---|
|-----------------|---|

③ Les solutions de l'inéquation $f(x) \ge 0$

- Dans le champ de saisie, inscrire : ineq:f(x)>=0.
- Ouvrir le panneau des propriétés de l'inéquation ineq, et, dans l'onglet *Style*, cocher la case *Afficher sur axe des x*.

🔽 Afficher sur axe des x

α 🛊 🖪

α 🛊 🖪

4 Le texte statique

- Sélectionner l'outil ABC, puis cliquer sur une zone vierge de la vue *Graphique*.
 - dans la rubrique Éditer de la boîte de dialogue Texte, inscrire :
 \text{En \textcolor{blue}{\textbf{bleu}}, les solutions
 de l'inéquation } f(x)\geqslant 0;

Éditer \text{En \textcolor{blue}{\textbf{bleu}}, les solutions de l'inéquation } f(x)\geqslant 0

- cocher Formule LaTeX;
- valider en cliquant sur le bouton 🚾.



| Curseur | × |
|--------------|-----------------------|
| Nombre | Nom |
| Angle | a |
| Entier | Aléatoire |
| Intervalle (| Curseur Animation |
| min: -5 | max: 5 Incrément: 0.1 |
| | Appliquer N Annuler |



O Le texte dynamique

- Depuis la vue *Algèbre*, sélectionner la fonction *f*, et effectuer un glisser-déposer vers la vue *Graphique* pour obtenir un objet texte représentant la définition algébrique de la fonction *f*.
- Ouvrir le panneau des propriétés de l'objet texte ainsi créé :
 - dans l'onglet *Insérer Texte*, cliquer sur le bouton **G**;

| Basique | Insérer Texte | Couleur | Position | Avancé | Script |
|---------|---------------|---------|----------|--------|--------|
| Petite | • | G | | | |

- dans l'onglet Couleur, sélectionner un couleur d'avant plan et une couleur d'arrière-plan.

| | Ouleur d'avant plan |
|---|------------------------|
| | 🔘 Couleur Arrière-Plan |
| 6 Le point sur la courbe • Avec l'outil • A, placer un point <i>A</i> libre sur l'objet ineq. | M 2 f(x)=2.23 |
| Ouvrir le panneau des propriétés du point <i>A</i> : | $\mathbf{\lambda}$ |
| – dans l'onglet Basique , décocher la case Afficher l'étiquette ; | 17 |
| Afficher l'étiquette: Nom | -1 0 1 1 x=-0.76 |
| | $ - \lambda $ |

 dans l'onglet *Algèbre*, régler l'incrément à 0,01 (ce qui permet de déplacer plus précisément le point A, en particulier lorsqu'il est proche des bornes de l'intervalle des solutions).

| Incrément: 0. | 01 |
|---------------|----|
|---------------|----|

• Pour créer le point *M* sur la courbe représentative de *f*, ayant pour abscisse celle du point *A*, inscrire dans le champ de saisie : M=(x(A), f(x(A))).

| Saisie: | I∭=(x(A),f(x(A))) | α \$ | ٩ |
|---------|-------------------|------|---|
|---------|-------------------|------|---|

• Pour créer le point *B*, d'abscisse 0 et d'ordonnée égale à celle du point *M*, inscrire dans le champ de saisie : B=(0, f(x(A))).

• Avec l'outil , construire les segments [*AM*] et [*MB*].

• Ouvrir le panneau des propriétés des segments [AM] et [MB], et, dans l'onglet Style, sélectionner les tirets.

Style du trait:

- Sélectionner l'outil ABC, puis cliquer sur une zone vierge de la vue *Graphique*.
 - dans la rubrique Éditer de la boîte de dialogue Texte, inscrire : x=;

| ter | |
|-----|--|
| | |
| | |

Éđ

x=

placer le curseur après = et, dans la liste déroulante Objets, sélectionner Champ vide;



- C Texte

 Éditer

 x= χ(A)

 Formule LaTeX

 Symboles ▼

 Objets ▼

 π

 Aperçu

 x=-1.28

 CK

 Annuler
- Placer le curseur à l'intérieur du rectangle représentant le champ vide et inscrire : x(A);
- Valider en cliquant sur le bouton 🔍.
- Ouvrir le panneau des propriétés de l'objet texte ainsi créé, et, dans l'onglet **Position**, sélectionner le point *A* dans la liste déroulante **Point de départ**.

| Basique I | nsérer Tex | e Couleur | Position | Avancé | Script |
|------------|------------|-----------|----------|--------|--------|
| Point de d | épart: A | | • |] | |

- Nous allons créer deux objets texte distincts affichant chacun l'ordonnée du point *M*. De cette manière, il sera possible de positionner ces objets texte sans qu'ils n'empiètent sur le dessin du segment [*BM*].
 - déplacer le point *A* de telle sorte que son abscisse soit positive;
 - dans le champ de saisie, inscrire : $Si[x(A) \ge 0, "f(x) = "+y(B)];$
 - ouvrir le panneau des propriétés de l'objet texte ainsi créé, et, dans l'onglet *Position*, sélectionner le point *B* dans la liste déroulante *Point de départ*.

| Basique Insére | Texte | Couleur | Position | Avancé | Script |
|------------------|-------|---------|----------|--------|--------|
| Point de départ: | в | | • | | |

α 🛊

٩

Saisie: Si[x(A)>=0,"f(x)="+y(B)]

- positionner alors l'objet texte à gauche de l'axe des ordonnées.

On crée, de la même façon, le texte à afficher lorsque le point *A* est situé sur la partie négative de l'axe des abscisses.

- déplacer le point *A* de telle sorte que son abscisse soit négative;
- dans le champ de saisie, inscrire : Si[x(A) < 0, "f(x) = "+y(B)];

| Saisie: | Si[x(A)<0,"f(x)="+y(B)] | α \$ | ٩ |
|---------|-------------------------|------|---|
| | | | |

ouvrir le panneau des propriétés de l'objet texte ainsi créé, et, dans l'onglet *Position*, sélectionner le point *B* dans la liste déroulante *Point de départ*.

| Basique | Insérer | Texte | Couleur | Posi | tion | Avancé | Script |
|----------|---------|-------|---------|------|------|--------|--------|
| Point de | départ: | в | | | • | | |

- positionner alors l'objet texte à droite de l'axe des ordonnées.



• Les cases à cocher

• Avec l'outil , créer deux cases à cocher et nommer sol et ptM les booléens associés à ces cases.

Cacher les solutions

Montrer un point

| | Boite de sélection des objets à Afficher/Ca |
|----------|--|
| 2 | Sélectionner les objets dans la construction ou ch |
| <u>e</u> | Point A: Point sur ineq Point B: (0, f(x(A))) Point M: (x(A), f(x(A))) Segment segment _(AM) Segment segment _(MB) |
| | Texte texte3 Texte texte5 |
| | Appliquer Annuler |

Case sol : l'inéquation ineq, le texte statique, les fonctions f₁ et f₂
 et le booléen ptM;

Dans la boîte de sélection des objets à afficher/cacher, sélectionner :

- − Case ptM: les points A, B et M, les segments [AM] et [MB] ainsi que les textes montrant les coordonnées du point M.
- Pour faire en sorte que le point *M* soit rendu invisible quand on modifie l'état de la case sol, on affecte un script à cette case.
 - ouvrir le panneau des propriétés de la case sol;
 - dans l'onglet Script, onglet Par actualisation, inscrire :

SoitValeur[ptM,0]

- valider en cliquant sur le bouton OK.
- Lors de la création de la case à cocher ptM, l'un des deux objets texte affichant la valeur de f(x) n'était pas défini : il n'était donc pas possible de le sélectionner dans la liste des objets disponibles. Pour faire en sorte que la visibilité de cet objet dépende également de l'état de la case à cocher ptM :
 - déplacer le point A à gauche ou à droite de l'axe des ordonnées pour que l'objet texte en question devienne défini;
 - ouvrir le panneau des propriétés de cet objet texte;
 - dans l'onglet *Avancé*, rubrique *Condition pour afficher l'objet*, inscrire : ptM.

| Basique I | Insérer Texte | Couleur | Position | Avancé | Script |
|---------------------------------|---------------|---------|----------|--------|--------|
| Condition pour afficher l'objet | | | | | |
| ptM | | | | | |

Basique Couleur Style Avancé Script

Condition pour afficher l'objet

sol

- Pour que la courbe représentative de la fonction f soit rendue invisible lorsque la case sol est cochée :
 - ouvrir le panneau des propriétés de la fonction *f* ;
 - dans l'onglet Avancé, rubrique Condition pour afficher l'objet, inscrire : !sol.

Finalisation

- Colorier les différents éléments de la figure.
- Il est possible de déplacer les cases à cocher et les curseurs dans la vue Graphique 2 :
 - faire apparaître la vue **Graphique 2** : Affichage ► Graphique 2 ;
 - dans le panneau des propriétés des cases à cocher et des curseurs, onglet Avancé, décocher Graphique et cocher Graphique 2.

| Localisation | |
|--------------|-------------|
| Graphique | Graphique 2 |

227

• Appliquer la technique de la fiche **Rendre dynamique la légende d'une case à cocher (ou d'un bouton, ou ...)** (page 723) pour modifier dynamiquement la légende des cases à cocher.



Basique Couleur Avancé Script

Par Actualisation JavaScript global

 1
 SoitValeur[ptM,0]

| 0 1 | tovto5 | = "f(v) | =2 33 |
|-----|--------|---------|-------|
| | lexies | - 1(A) | -2.55 |